

正答例

[1] $\bar{x} = 3, \bar{y} = 4, \overline{x^2} = 21, \overline{y^2} = 19, \overline{xy} = 16$ のとき、次の問いに答えよ。

(1) s_x, s_y, s_{xy} を求めよ。

$$s_x^2 = \overline{x^2} - \bar{x}^2 = 21 - 9 = 12 \quad s_x = \sqrt{12} = 2\sqrt{3}$$

$$s_y^2 = \overline{y^2} - \bar{y}^2 = 19 - 16 = 3 \quad s_y = \sqrt{3}$$

$$s_{xy} = \overline{xy} - \bar{x}\bar{y} = 16 - 12 = 4$$

(2) r を求めよ。

$$r = \frac{s_{xy}}{s_x s_y} = \frac{4}{2\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}} = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

(3) 回帰直線の式を求めよ。

$$a = \frac{s_{xy}}{s_x^2} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

$$y - 4 = \frac{1}{3}(x - 3) \quad (y = \frac{x}{3} + 3)$$

[2] さいころを 3 回振って、2 以下の目の出る回数を X とするとき、 X の確率分布表を書け。

$$P(X=0) = \left(\frac{2}{3}\right)^3 = \frac{8}{27}$$

$$P(X=3) = \left(\frac{1}{3}\right)^3 = \frac{1}{27}$$

$$P(X=1) = {}_3C_1 \cdot \frac{1}{3} \times \left(\frac{2}{3}\right)^2 = \frac{4}{9}$$

$$P(X=2) = {}_3C_2 \left(\frac{1}{3}\right)^2 \times \frac{2}{3} = \frac{2}{9}$$

X	0	1	2	3
P	$\frac{8}{27}$	$\frac{4}{9}$	$\frac{2}{9}$	$\frac{1}{27}$

← (合計 1)

[1] $\bar{x} = 1.0, \bar{y} = 2.0, \overline{x^2} = 2.6, \overline{y^2} = 4.9, \overline{xy} = 1.2$ のとき、次の問いに答えよ。次の問いに答えよ。

(1) s_x, s_y, s_{xy} を求めよ。

$$s_x^2 = \overline{x^2} - \bar{x}^2 = 2.6 - 1.0 = 1.6 \quad s_x = \sqrt{1.6}$$

$$s_y^2 = \overline{y^2} - \bar{y}^2 = 4.9 - 4.0 = 0.9 \quad s_y = \sqrt{0.9}$$

$$s_{xy} = \overline{xy} - \bar{x}\bar{y} = 1.2 - 2.0 = -0.8$$

(2) r を求めよ。

$$r = \frac{s_{xy}}{s_x s_y} = \frac{-0.8}{\sqrt{1.6} \sqrt{0.9}} = \frac{-0.8}{\sqrt{\frac{16 \times 9}{100}}} = \frac{-0.8}{\frac{12}{10}} = -\frac{8}{12} = -\frac{2}{3} \quad (= -0.67)$$

(3) 回帰直線の式を求めよ。

$$a = \frac{s_{xy}}{s_x^2} = \frac{-0.8}{1.6} = -0.5$$

$$y - 2.0 = -0.5(x - 1.0) \quad \left(y - 2 = -\frac{1}{2}(x - 1) \right)$$

$$y = -\frac{x}{2} + \frac{5}{2}$$

[2] さいころを 3 回振って、2 以下の目の出る回数を X とするとき、 X の確率分布表を書け。

上に同じ